

A PROB.
PREȘEDINTELE COMISIEI
Col.
conf.univ.dr. Lucian ISPAS

S U B I E C T E L E
LA MATEMATICĂ

1. Dacă numerele a, b, c sunt în progresie geometrică, $a < b < c$, $a + b + c = 26$, iar numerele $a, b + 4, c$ sunt în progresie aritmetică, atunci

- a) $a^2 + b + c = 38$
- b) $a - b^2 + c = -20$
- c) $a^2 + b^2 + c = 58$
- d) $a - b + c = 10$

2. Numărul termenilor iraționali din dezvoltarea binomului $\left(\sqrt{2\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt[3]{3}}\right)^{2020}$ este

- a) 169
- b) 1852
- c) 1854
- d) 1851

3. Numărul soluțiilor ecuației $2\cos^2 x - 3\sin x = 0$ situate în intervalul $[0; \pi]$ este

- a) 4
- b) 0
- c) 2
- d) 1

4. Dacă matricea $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$, atunci

- a) $\det(A^t \cdot A) = 0$
- b) $\det(A^t \cdot A) = 1$
- c) $\det(A^t \cdot A) = 12$
- d) $\det(A^t \cdot A)$ nu există

5. Pe mulțimea numerelor întregi \mathbb{Z} se consideră legea de compoziție „ \circ ” definită prin: $x \circ y = xy + 2x + 2y + 2$. Numărul elementelor simetrizabile este

- a) 2
- b) 0
- c) 1
- d) 3

6. Funcția $f : (0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{x^3}{3} - \ln x$ are

- a) un punct de maxim local
- b) un punct de maxim local și un punct de minim local
- c) un punct de inflexiune
- d) un punct de minim local

7. Pe intervalul $(-1,1)$ se consideră legea de compoziție „ \circ ” definită prin $x \circ y = \frac{2xy + 3(x+y) + 2}{3xy + 2(x+y) + 3}$.

Elementul neutru al legii de compoziție este

- a) $\frac{2}{3}$
- b) $-\frac{2}{3}$
- c) 0
- d) $\frac{1}{2}$



8. Ecuația tangentei în punctul de abscisă $x_0 = 1$ la graficul funcției $f : (0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = x + 2020 - 2021^{2021} \sqrt[2021]{x}$ este

- a) $y = 1$
- b) $y = x$
- c) $y = x + 1$
- d) $y = 0$

9. Se consideră funcția $f : \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right] \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \begin{cases} e^{\sin x}, & x \in \left[-\frac{\pi}{2}, 0\right) \\ \cos x - 2 \sin x, & x \in \left[0, \frac{\pi}{2}\right] \end{cases}$.

Valoarea integralei $I = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} f(x) \cdot \cos x dx$ este egală cu

- a) $\frac{1}{e} + \frac{\pi}{4} - 1$
- b) $\frac{1}{e} - 1$
- c) $\frac{\pi}{4} - \frac{1}{e}$
- d) $e - \frac{\pi}{4}$

Toți itemii sunt obligatorii. Pentru fiecare item corect rezolvat se acordă 1 punct. Se alocă 1 punct din oficiu.

CADRE DIDACTICE DE SPECIALITATE:

Prof.

Doriana-Georgeta DORCA

Prof.

Doru ISAC

Prof.

Radu Bujor Alin POP

Prof.

Nicolae SUCIU

Prof.

Ileana Lucia OȚOIU

Prof.

Dorina TRIFON

OPERARE PC: P.c.c.

Octavia-Andreea MOLDOVAN

MULTIPLICARE: P.c.c.

Florin CUNȚAN